

DE  
INVENIENDA  
CORRECTIONE  
MERIDIEL.

---

TENTAMEN GEOMETRICUM,

QUOD

*Consens. Ampliff. Facult. Philos. Aboënsis*

PRÆSIDE

MARTINO JOHANNE  
WÄLLENIO,

MATHEM. PROFESSORE REG. & ORDIN.

*Publico examini submittit*

NATHANAËL GERHARDUS  
SCHULTEEN

AUSTRO-FENNO.

In AUDITORIO MAJORI Die ~~XV. Maji~~ *18. Junii*

MDCCLXXI.

Tempore ante meridiem solito.

---

A B O Æ

Impressit JOHANNES CHRISTOPHORUS FRENCKELL.

41



VIRO

*Amplissimo atque longe Celeberrimo*

D: NO MAG. HENRICO  
HASSEL,

*Eloquentiae ad Regiam Academiam Aboënsē PRO-  
FESSORI maxime inclyto,*

PATRONIS ATQUE BENEFA-

O Pellam hanc, ob maxima nullo non  
signum gratissimi animi & nunquam  
tatis voto, offert

AMPLISSIMORUM ATQUE CELEBER-

*inuit*

*Cultor*  
NATHANAËL GER-



VIRO

*Summe Reverendo atque Amplissimo*

D: NO DOCT. JACOB O  
GADOLIN,

S. S. Theol. ad Reg. Acad. Aboëns. PROFESSORI  
Ordinario, Consist. utriusque ADSESSORI Æquissimo,  
ANTISTITI Eccl. Fenn. Aboëns. Meritissimo, Reg.  
Acad. Scient. Holm. SOCIO Dignissimo,

CTORIBUS MAXIMIS.

tempore sibi præstita favoris documenta, in  
intermorituræ pietatis, cum omnigenæ felici-

RIMORUM NOMINUM VESTRORUM

*devotissimus*

HARD. SCHULTEEN.



KONGL. MAJ:TS  
TRO-TJENARE och LIEUTENANT

*Välådle*

HERR GABRIEL  
HAGELBERG,

Min HÖGTÅRADE KÅRE FADER.

**O**m jag var olycklig nog, at i min spådaſte barndom ſe mig genom en öm Faders fränfälle förlora den omvårdnad ſom barn gemenligen af ſine Föräldrar plåga åtnjuta; ſå kan jag deremot ej ſkatta mig mindre lyckelig, i det Förſynen utſedt Eder, Min Huldafte Fader, til mitt förſvar, hvars kärlek och omſorg för mitt väl vida öfvergått min önſkan och allas förmodan. Så litet jag nu åger förmåga at på något ſätt vedergålla Edra emot mig beviſta välgerningar, ſå mycket ſorgſälligare ſkal jag vinlägga mig om at vid alla tilfällen viſa, at åtankan af de ſamma dock i et vördnadsfullt hjerta är inneſluten. I denna afſigt har jag ock fördriftat mig at pryda detta mitt förſta Academiska arbete med Min Huldafte Faders värda namn, och förmodar at det ej illa uptages. Så ſäkert hopp jag gör mig båröm, ſå innerligen vil jag ock anropa den Aldrabögſte, det Han tåktes uppehålla Min Kåre Fader tillika med Min Huldafte Moder i många år vid beſtändig välmåga, til allas vår glädje, ſom i ſå ömma Föräldrars vård äro inneſlutna. Detta är den beſtändiga önſkan, hvar med jag frambårdar

Min HÖGTÅRADE KÅRE FADERS

*ödmjuk-lydigſte Son*

NATHANAËL GERHARD SCHULTEEN.





§. I.



Omnia methodis, quas proposuerunt, Astronomi ad inveniendum meridiem, præfertur illa (*a*), quæ Altitudinum correspondentium dicitur, & in eo consistit, ut æquales Solis altitudines ante & post meridiem observentur, momentis observationum ad horologium iuste elaboratum accurate notatis. Momentum temporis inter observata medium foret exactus meridies, nisi declinatio Solis interea variaretur; quum vero hoc semper, saltim extra ipsa solstitia, eveniat, aliter se res habebit: Nimirum tendente versus Polum elevatum Sole, crescit arcus diurnus, atque portio ejus, quæ inter observatam altitudinem pomeridianam & ipsum meridianum continetur, major fit respondente antemeridiana; quare momentum illud medium cadet post meridiem. Sin sol a polo elevato, recedit, contrarium evenit, seu momentum



illud medium præcedit iustum. Utroque casu tempus, quod inter laudatum momentum medium & meridiem labitur, *Correctio* vel *Æquatio Meridiei* dicitur, quam aliis atque aliis modis computarunt Astronomi. Methodum, quæ hodie in usu est, invenit & orbi erudito exhibuit Cel. EULERUS (*b*): Cujus methodi analysin concinniorem dedit Nobiliss. KLINGENSTJERNA (*c*); præterquam quod Problema hoc tractaverint alii, ut SMITH (*d*), DE LA CAILLE (*e*), MAUPERTUIS (*f*), D'ALEMBERT (*g*), DE LA LANDE (*a*) & forte plures. Neque tamen KLINGENSTJERNiana illa, utut exquisitè pulcra, penitus perfectà est censenda. Experiri itaque cupiens Præses meus, annon adhuc major aliqua, si non absoluta & omnimoda, exactitudo hac in re obtineri posset? ante septem circiter vel plures annos meditationem eo instituens in aliam incidit solutionem, quam nuper mihi, de materia aliqua, in qua vires periclitarer, percontanti, elaborandam communicavit. Non equidem temere negaverim, quin fortassis theoria hodie usitata multo majorem præstet adcurationis gradum, quam admittit ipsa praxis. At etiamsi, inquam, aut observationes aut Tabulæ Astronomicæ aut Canon Sinuum ac Tangentium, cum respuerent rigorem, qui vel exactitudini methodi receptæ, ne dicam accuratioris aliquis, respondeat; attamen operæ pretium mihi visum est, si saltem ipsa theoria perfectior adhuc redatur, adeo ut ex hac quidem parte quam minimum, si non plane nihil, desideraretur. Quicquid sit, duæ adhuc suppetunt rationes, quas mitiorem

Ben.



Ben. Lect. censuram huic tentamini, quod exercitii Academici locum tenebit, & iudicio eorum, qui praxi Astronomicæ operantur, modeste subjicitur, conciliaturas speramus: altera, quod in celebri hoc problemate solvendo, alia utamur Analyfi, quàm, quod sciam, adhibuere, qui de eo aliquid publici juris fecerunt; altera, quod Astron. Observator Regius Cel. Dn. MALLET in litteris ante quadriennium, & quod excurrit, ad Præsidentem meum datis, optaverit, ut methodus sibi ab eo strictim communicata, in lucem prodiret plenius exponenda.

(a) Conf. *De La LANDE Astr.* p. 265. (b) *Comm. Petrop. Tom. VIII.* p. 48. *seqq.* (c) *K. Vet. Acad. Handl.* 1746. p. 94. *seqq.* (d) *Optik. (edit. germ. Kästneri p. 305.)* (e) *Mem. de l' Acad. des Sc. de Paris* 1741. (f) *Astron. Nautique probl. XI.* (g) *Mem. de l' Acad. de Prusse,* 1747. p. 144.

## §. II.

LEMMA. In omni Triangulo Sphærico (Fig. 1.)  $ABC$ , est  $\cos BC = \cos AB \times \cos AC + \sin AB \times \sin AC \times \cos A$ , posito sinu toto = 1. Ex centro Sphæræ K duc semidiametros KA, KB; polis A & B per C arcus CD, CG, qui in D, G occurrant ipsi AB producto, ut  $AD = AC$  &  $BG = BC$ ; nec non BE, DF perpendicularès ad KA, & GH ad KB. Erunt sic  $BE = \sin AB$ ,  $KE = \cos AB$ ,  $DF = \sin (AD =) AC$ ,  $KF = \cos AC$ ,  $KH = \cos (BG =) BC$ ; & (b) quia planum AKG secatur planis ad ipsum perpendicularibus arcuum CD, CG in rectis DF, GH, e-



rit horum planorum sectio, videlicet recta CI, perpendicularis ad DF, radium arcus CD, cujus centrum F, ideoque FI cosinus, quare  $\cos DAC$  vel (i)  $\cos A : 1 :: FI : DF$  seu  $\sin AC$ , adeo ut  $FI = \sin AC \times \cos A$ . At ducta FL perpendiculari ad KB, ob æquiangula  $\triangle \triangle KEB, KLF, FLO, IHO$ , sunt  $KB : KE :: KF : KL$  &  $KB : BE :: FI : LH$ , unde  $KB \times KL = KE \times KF$  &  $KB \times LH = BE \times FI$ , ideoque  $KB \times KL + LH$  h. e.  $KB \times KH = KE \times KF + BE \times FI$ , & substitutis singulorum valoribus supra expressis,  $\cos BC = \cos AB \times \cos AC + \sin AB \times \sin AC \times \cos A$ .

SCHOLIUM Ne ad alia (\*) scripta Lectori recurrendum esset, propositionis hujus demonstrationem, & quidem, puto, simplicissimam hoc loco inferere visum est; sequenti autem §:pho alias nonnullas formulas in hac nostra tractatione porro ususui futuras, sed cum notiores, tum demonstratu facillimas, passim quoque a Scriptoribus Trigonometriæ Planæ demonstratas, tantum indicare, vel ipsum jubet brevitatis studium. Cæterum, ut Fig. I:ma repræsentat triangulum sphæricum, cujus & ang. A. & latera singula sunt  $< 90^\circ$  ita formulæ §:phorum æque hujus ac sequentis proprie valent de angulis acutis vel arcibus quadrante minoribus, ad cæteros autem casus facile applicantur, dummodo signum (+ -) cosinus, tangentis aut eo tangentis anguli vel arcus  $90^\circ$  majoris, in contrarium (- +) mutetur.



(h) *Låran om Klotet* Pr. 16. & pr. 11. *Schol. EUCL. El. Lib. XI. Prop. 19.* (i) *Låran om Klotet* 2. B. pr. 2. *Schol.* (k) *Comm. Petrop. Tom. II. p. 23. K. Vet. Acad. Handl. 1746. p. 100. De La CAILLE Lect. Astr. Tr. Prælim. Theorem. 18.*

§. III.

LEMmata cum suis *Corollariis*. Designantibus A & B angulos acutos vel arcus quadrante minores, quorum  $A > B$ , & posito sinu toto  $= 1$ , erit

I. II.  $\text{Sin. } (A \pm B) = \sin A \times \cos B \pm \sin B \times \cos A.$

III. IV.  $\text{Cos } (A \pm B) = \cos A \times \cos B \mp \sin A \times \sin B.$

Cor. 1.  $\frac{\sin (A \pm B)}{\sin A \cdot \sin B} = \cot B \pm \cot A$  (LEMM. I. II.)

Cor. 2.  $\text{Cos}(A-B) + \text{cos}(A+B) = 2 \cos A \cdot \cos B.$

Cor. 3.  $\text{Cos}(A-B) - \text{cos}(A+B) = 2 \sin A \times \sin B.$  (LEMM. IV. III.)

Cor. 4.  $\text{Cos}(A-B) + \text{cos}(A+B) : \text{cos}(A-B) - \text{cos}(A+B) :: 1 : \tan A \times \tan B.$  (Corr. 2. 3.)

§. IV. Fig. 2.

His præmissis ipsam Problematis solutionem adgredimur. Sunt PZ, PS, P $\odot$ , ZS, Z $\odot$ , PR arcus circulorum maximorum Sphæræ cœlestis, & quidem P Polus, Z Zenith loci dati, S &  $\odot$  loca Solis correspondentia, scilicet ZS = Z $\odot$ ; angulum SP $\odot$  bisecet arcus PR, qui, si PS > P $\odot$ , utique cadet inter PZ & P $\odot$  (conf. §. 1.): quæritur Correctionis Angulus ZPR = Y secundorum, quo in-

vento erit demum ipsa Meridiei Correctio =  $\frac{Y}{15}$  sec.  
temporis. A 3 Po.



Ponantur  $PS + P\mathcal{S} = 2D$ ,  $PS - P\mathcal{S} = 2\delta$ ,  
 angulus  $SP\mathcal{S} = 2H$ , seu  $RPS = RP\mathcal{S} = H$ .  
 Sunt itaque  $PS = D + \delta$ ,  $P\mathcal{S} = D - \delta$ ,  $\angle ZPS$   
 $= H - Y$ ,  $\angle ZP\mathcal{S} = H + Y$ .

Facilioris scriptionis gratia, ponantur porro,  
 assumto sinu toto  $= 1$ ,  $\cot PZ = a$ ,  $\sin H = b$ ,  
 $\cos H = c$ ,  $\tan H = m = \frac{b}{c}$ ,  $\cot D = g$ ,  $\cot$   
 $\delta = f$ ,  $\sin Y = s$ ,  $\tan Y = x$ ,  $\cos Y = v =$   

$$\frac{1}{\sqrt{1 + xx}}$$

Jam (hyp.)  $\cos ZS = \cos Z\mathcal{S}$ , i. e. (§. II.)  
 $\cos PZ \times \cos PS + \sin PZ \times \sin PS \times \cos ZPS$   
 $= \cos PZ \times \cos P\mathcal{S} + \sin PZ \times \sin P\mathcal{S} \times \cos$   
 $ZP\mathcal{S}$ , unde  $\sin PS \times \cos ZPS - \sin P\mathcal{S} \times \cos$   
 $ZP\mathcal{S} = \left( \frac{\cos PZ}{\sin PZ} \times \cos P\mathcal{S} - \cos PS \right) \cot PZ$   
 $\times \cos P\mathcal{S} - \cos PS$ , seu  $\sin (D + \delta) \times \cos (H$   
 $- Y) - \sin (D - \delta) \times \cos (H + Y) =$  (§.  
 III. Cor. 3 )  $2 a \sin D \times \sin \delta$ . Hæc æquatio di-  
 vidatur per  $\sin D. \sin \delta$ , & notetur esse (§. III. Cor. 1.)  
 $\frac{\sin (D + \delta)}{\sin D. \sin \delta} = f + g$ ; quo ipso fiet  $f + g, \cos$   
 $(H - Y) - f - g. \cos (H + Y) = 2a$ . Porro

1. Si quærat $\alpha$  : observo esse (§. III. Cor. 4.)  
 $\cos (H - Y) + \cos (H + Y) : \cos (H - Y) -$   
 $\cos$



$\cos (H + Y) : : 1 : mx$ , quare  $1 + mx : 1 - mx : : \cos (H - Y) : \cos (H + Y)$  adeoque  $\cos (H + Y) = \frac{1 - mx}{1 + mx} \times \cos (H - Y)$ . Fiunt sic

$\cos (H - Y) = a \cdot \frac{1 + mx}{fmx + g}$  &  $\cos (H + Y) = a \cdot \frac{1 - mx}{fmx + g}$ , consequenter  $\cos (H - Y) + \cos (H + Y) = \frac{2a}{fmx + g} = \frac{2ac}{bfx + cg}$ . Est vero etiam (§.

III. Cor. 2.)  $\cos (H - Y) + \cos (H + Y) = 2 \cos Y$ . Ergo  $\frac{2ac}{bfx + cg} = 2 \cos Y$  seu  $\frac{ac}{bfx + cg} = \cos Y = \left( \frac{aa}{vv} \right)$

$aa \cdot \frac{ac}{bfx + cg} = 2 \cos Y$  seu  $\frac{2acg}{bfx + cg} = \left( \frac{aa}{vv} \right)$   $aa \cdot \frac{ac}{bfx + cg} = 2 \cos Y$  adeoque  $xx + 1 = \frac{2bcg}{bbff - aa} = \frac{aa - ccgg}{bbff - aa}$

quæ æquatio (si  $bf > a$ ) dat unicum ipsius  $x$  valorem, quippe quem oportet esse affirmativum, nim:  $x = \tan Y =$

$a \sqrt{\frac{ccgg + bbff - aa - bcfg}{bbff - aa}}$  si  $D < 90^\circ$ , i. e.

quando (CAS I.) *declinat Sol versus Polum elevatum*. At si  $D > 90^\circ$  seu (CAS II.) *declinat Sol versus Polum depressum*, pro  $g$  ponendum est  $-g$ ; adeo ut pro utroque casu sed respective sit  $\tan Y =$

$$a \sqrt{\frac{ccgg + bbff - aa \pm bcfg}{bbff - aa}} \bullet$$

II. Ut inveniatur  $Y$  ope sinus sui: æquatio supra



pra inventa  $\overline{f + g} \cdot \cos (H - Y) - \overline{f - g} \cdot \cos (H + Y) = 2a$ , mutetur (§. III LEMM. III. IV.) in  $\overline{f + g} \cdot cv + bs - \overline{f - g} \cdot cv - bs = 2a$ , id est  $bfs + cgv = a$ . Cumque insuper sit  $ss + vv = 1$ : eliminando  $v$  ex his binis ultimis æquationibus, obtinetur  $s$  seu  $\sin Y = \frac{abf - cg \sqrt{bbff + ccgg - aa}}{bbff + ccgg}$ , ubi signum superius valet de *Casu I.* & inferius de *Casu II.*; id quod posthac etjam, de formulis, quas duplex signum  $\mp$  vel  $\pm$  ingreditur, est intelligendum.

§. V.

Ut sunt PZ complementum Elevationis Poli, H semissis ang. horarii inter observationes,  $\delta$  di-  
midia variatio Declinationis  $\odot$  inter easdem; ita absque sensibili errore assumitur D = complemento Declin. Solis pro momento meridiei, quamvis hæc hypothesis (citra quam vero calculus maxime impeditus si non impossibilis esset futurus) a summo & exactissimo rigore abludat tantillum, sicque etjam poni potest  $\delta$  = variationi Declin: inter momentum meridiei & alterutram observationem. His concessis inventi §. præced. valores tang Y & sin Y sunt plane exacti; sed ut praxis commodior fieret, sequentes inde deduximus, denotante E Elevationem Poli, *Regulas*.

*Reg. 1.* Sumantur  $\sin U = \frac{\text{Tang } E. \text{ tang } \delta}{\sin H}$ ,  
dein  $\text{tang } W = \cot E \times \cot D \times \cos H \times \text{tang } U$ ,  
vel



vel quod perinde est,  $\text{tang } W = \frac{\text{tang } d. \cot D. \cot H,}{\cos U}$

erit  $\text{tang } Y = \frac{\text{tang } U}{\cos W} \mp \frac{\text{tang } W}{\cos U} = \frac{\sin U \mp \sin W}{\cos U. \cos W} =$   
 $2 \sin \frac{U \mp W}{2} \times \cos \frac{U \mp W}{2}$ . Huic autem

longe præferenda est sequens

*Reg. 2.* Sumtis  $\text{tang } \mathcal{A} = \cot D. \text{tang } d. \cot H,$   
 &  $\sin \mathcal{B} = \frac{\text{tang } E. \text{tang } D \sin \mathcal{A},}{\cos H.}$  erit  $Y =$   
 $\mathcal{B} \mp \mathcal{A}$ .

Nam (ut demonstrandæ regulæ I. nunc super-  
 fedeam)  $\text{tang } \mathcal{A} = \frac{g}{fm} = \frac{cg}{bf}$  &  $\sin \mathcal{B} = \frac{a}{g} \cdot \sin \mathcal{A}$ .

Hinc, quia  $\cos = \frac{1}{\sqrt{1 + \text{tang}^2}}$ ,  $\cos \times \text{tang} = \sin$  &

$\cos = \sqrt{1 - \sin^2}$ , reperiuntur  $\cos \mathcal{A} = \frac{bf}{\sqrt{bbff + ccgg}},$

$\sin \mathcal{A} = \frac{cg}{\sqrt{bbff + ccgg}}, \sin \mathcal{B} = \frac{a}{\sqrt{bbff + ccgg}}, \cos \mathcal{B} =$   
 $\frac{\sqrt{bbff + ccgg} - aa}{\sqrt{bbff + ccgg}}$  & sic tandem  $\sin \mathcal{B} \times \cos \mathcal{A}$   
 $\mp \sin \mathcal{A} \times \cos \mathcal{B}$  seu (§. III. LEMM. I. II.)  $\sin$   
 $(\mathcal{B} \mp \mathcal{A}) =$  invento (§. IV.) ipsius  $s$  valori.

*Obs.* circa praxin *Reg. 2.* Si log.  $\text{tang } d. \cot D \times$   
 $\cot H$  & log.  $\frac{\text{Tang } d. \text{tang } E}{\sin H}$  potest singulus indif-  
 ferent-



ferenter haberi pro logarithmo Sinus & Tangentis ejusdem alicujus arcus (id quod nuda inspectio logarithmorum in Canone proxime vicinorum docebit): addatur singulis illis logarithmis constans 4. 1383338, ut prodeant logarithmi numerorum  $N$  &  $M$ ; eritque sic ipsa *Correctio*  $= M - N$  sec. temporis.

§. VI.

Quatenus  $Y$  semper est angulus satis parvus, erit ejus Cosinus fere  $= 1$ , puta Sinui toti. Posito itaque  $v = 1$  in æquationibus (§. IV.)  $x = \frac{a + cv}{bfv}$  &  $s = \frac{a + cv}{bf}$

prodibit tang  $\delta \left( \frac{a}{b} + \frac{g}{m} \right)$ , valor prope verus Tangentis  $Y$  & sinus  $Y$ , *illum* quidem semper *justo minorem* sistens, *hunc* autem in (vid. §. IV.) *Cas. I.* itidem *vero minorem*, simulque *adcuratiorem* quam illum, at in *Cas. II.* *majorem justo*. Sumtis adeoque arcubus seu angulis  $u$ ,  $\phi$  ejusmodi, ut sint tang  $u = \text{tang } \delta \left( \frac{a}{b} + \frac{g}{m} \right) = \sin \phi$ ; erit utique semper  $u < \phi$ , & in *Cas. I.*  $\phi < Y$ , at in *Cas. II.* erit  $\phi > Y$ . Hæc omnia facile fluunt inde, quod sint revera  $v < 1$  &  $x > s$ .

*Cor. 1.* En alium ipsius  $Y$  valorem prope verum,  $V = \text{tang } \delta \left( \frac{a}{b} + \frac{g}{m} \right)$ , cui æquipollet praxis allata in *Obs.* §. 5. Estque semper  $\phi > V > u$ .

*Cor. 2.* Quemadmodum in *Cas. I.*  $\phi$  est verior ipsius  $Y$  valor quam sunt  $u$  &  $V$ ; sic in *Cas. II.*  $\phi$  &  $u$  sunt *limites* inter quos cadit tum  $Y$  tum  $V$ , ac proinde videtur in hoc *Cas. II.* præ  $u$  vel  $\phi$  tutius assumi posse  $\frac{\phi + u}{2} = Y$  vel (saltem commodius, *Cor. 1.*)  $V = Y$ .

§. VII.



§. VII.

Quoniam, ob parvitatem ipsorum  $Y$  &  $d$ , est quam proxime  $x$  vel  $s$ :  $\text{tang } d :: Y : d$ , formulæ illæ prope veræ (§. IV.) mutantur in hanc  $Y \approx d \left( \frac{a \mp g}{b \mp m} \right)$ , itidem proxime veram (\*) ab *EULERiana* (§. I.) haud diversam, & in praxi commodissimam.

(\*) *Obs.\** Ad alios navos forte inevitabiles (confr. §. V.) in methodis, quibus hæc erui solet, accedunt hi bini (nisi forte alter alterum quadantenus compenset): alter, quod ipsæ fluxiones ponantur proportionales actualibus fluentium variationibus; alter, quod in definienda ratione illarum fluxionum, angulo ignoto  $H \mp Y$  substituatur  $H$ , scil. ponatur esse  $\frac{\text{tang } E \mp \cot D}{\sin H} = \frac{\text{tang } E \mp \cot D}{\sin(H \mp Y)}$ . Ipsa autem illa formula seu regula usitata, utrum defectu an excessu peccet? nondum facile dixerim univèrse. Hoc certum est, peccare defectu, quoties fuerit  $d > Y$ .

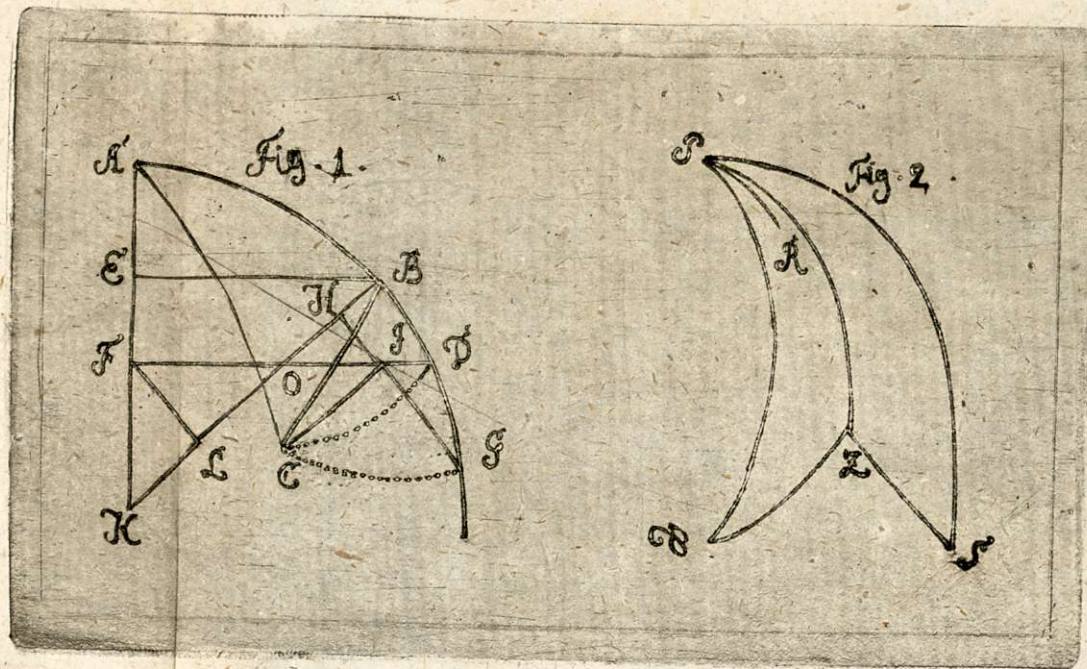
§. VIII.

Poterit etjam, si operæ pretium visum fuerit, approximando attingi valor quantumvis exactus ipsius  $Y$ , quærendis videlicet  $\phi$ ,  $\psi$ ,  $\omega$  &c. qui ad verum propius propiusque accedant.

Invento, inquam,  $\phi$  (§. VI.) sumatur  $\sin \psi \approx \text{tang } d \left( \frac{a \mp g}{b \mp m} \right)$

$\text{Cos } \phi$ , & si placet, porro  $\sin \omega \approx \text{tang } d \left( \frac{a \mp g \cdot \text{Cos } \psi}{b \mp m} \right)$

&c. (\*): certe haud difficulter probari potest hos  $\phi$ ,  $\psi$ ,  $\omega$  &c. eo, quo semet excipiunt, ordine, in *Cas. I.* crescere neque tamen penitus attingere ipsum, ad quem sic adpropinquant, verum  $Y$ ; fore nimirum  $\phi < \psi < \omega$  &c.  $< Y$ ; at in *Cas. II.* alternatim decrescendo ac crescendo fieri *limites* ipsius  $Y$ , puta fore  $\phi > Y > \psi < Y < \omega$ . At ne, quod sentio, dissimulem:





mulem: nostra Reg. 2. (§. V.) etjam facilitate praxeos huic approximationi, præsertim repetendæ, si minus præstat, saltem haud cedit; videlicet, æque expedite quin expeditius reperitur ipse Y quàm  $\downarrow$ .

(\*) Eodem hoc modo corrigere, quantum libet, valorem ipsius sin Y prope verum tang  $\delta \left( \frac{a}{b} - \frac{g}{m} \right)$ , analysi simillima nostræ inventum, docuit Celeb. MALLET in schedula an. 1757. mens. Aug. Soc. Reg. Upsal. exhibita; quod antigraphe ad Præsidentem meum transmissio (cfr. §. I.) nobis innotuit.

### §. IX.

Necessario brevitatis studio & temporis angustia impeditis, non licet nobis singula ad præsens argumentum spectantia persequi. Unicum duntaxat, per Regulam nostram 2:dam (§. V.) solvendum, proponam

*Exemplum*, idque Nob. KLINGENSTJERNA, qui (K. Vet. Acad. Handl. 1746. p. 107.) sua methodo (cfr. §. §. I. VII.) invenit Correctionem 20, 426 sec. temporis ad d. 3. Maji, 1746, sumto observationum intervallo 10 horarum, Upsaliæ quidem, ubi assumpsit Elevationem Poli  $\equiv 59^{\circ}, 51', 30''$ , (forte rectius  $59^{\circ}, 51', 50''$ .) Datis itaque sic,  $E \equiv 59^{\circ}, 51', 30''$ ,  $H \equiv 75^{\circ}, 90'$  -  $D \equiv 18^{\circ}, 38', 36''$ ,  $\delta \equiv 3', 1'', 0142$ : en calculum, in quo (ob assumptum sinum totum  $\equiv 1$ ) Sinuum & tangentium logarithmi tabulares denario sunt mulctati:

Log. cot D $\equiv$ 7.5281185	Log. tang D $\equiv$ 0.4718815
1. tang $\delta \equiv$ 7.9432289	1. tang E $\equiv$ 0.2360843
1. cot H $\equiv$ 7.4280525	1. sin A $\equiv$ 7.8993999
1. tang A $\equiv$ 7.8993999	4.6073657
4.1383338	1. Cos H $\equiv$ 7.4129962
log. N $\equiv$ 0.0377337	1. sin B $\equiv$ 7.1943695
N $\equiv 1''$ , 0908 temp.	B $\equiv 5' 22''$ , 6972 unde M $\equiv 21''$ , 5131;
adeoque ipsa Correctio M - N $\equiv$ 20, 422 sec. temporis.	

Aberratio igitur in hoc quidem exemplo est perexigua ac contemnenda, forte tamen, (ut causâ suspicandi est) dari possunt alia, præsertim in *Caf. II.* aliquanto notabiliore paritura.

